# Principios de Geometría y Aplicaciones en Física

MÓDULO	MATERIA	ASIGNATURA	CURSO	SEMESTRE	CRÉDITOS	CARÁCTER	
Métodos y Modelos Matemáticos en Ciencia e Ingeniería	Principios de Geometría y Aplicaciones en Física	Principios de Geometría y Aplicaciones en Física	1	1	6ECTS	Optativo	
PROFESOR(ES)				DIRECCIÓN COMPLETA DE CONTACTO PARA TUTORÍAS (Dirección postal, telélono, correo electrónico, etc.)			
Francisco Urbano Pérez-Aranda Ana Hurtado Cortegana			Facult Dpto. <b>Despa</b> F. Urb	Dirección: Facultad de Ciencias. Sección de Matemáticas. Dpto. Geometría y Topología Despacho y correo electrónico: F. Urbano; n° 13, Planta 2ª furbano@ugr.es A. Hurtado; n° 3, Planta 2ª ahurtado@ugr.es			
			HORAR	HORARIO DE TUTORÍAS			
				Francisco Urbano: por determinar Ana Hurtado: por determinar			
MÁSTER EN EL QUE SE IMPARTE			OTROS	OTROS MÁSTERES A LOS QUE SE PODRÍA OFERTAR			
Física y Matemáticas - FisyMat			Máster Máster	Máster doble MAES-FisyMat Máster en Matemáticas Máster en Física: Radiaciones, Nanotecnología, Partículas y Astrofísica			

### PRERREQUISITOS Y/O RECOMENDACIONES (sí procede)

El alumno debe de haber cursado asignaturas incluyendo los siguientes tópicos:

- 1. Teoría de curvas y superficies en el espacio Euclidiano tri-dimensional.
- 2. Geometría Diferencial: Variedades diferenciables, aplicaciones diferenciables, campos de vectores.

### BREVE DESCRIPCIÓN DE CONTENIDOS (SEGÚN MEMORIA DE VERIFICACIÓN DEL MÁSTER)

- 1. La estructura diferenciable de una variedad diferenciable. Campos de tensores.
- 2. Métricas no degeneradas. Métricas de Riemann. Isometrías. Invariantes geométricos.



- 3. Geodésicas y partículas en caída libre.
- 4. La curvatura como invariante geométrico. Espacios de curvatura constante.
- 5. Teoría de subvariedades: Segunda forma fundamental. Ecuaciones fundamentales. El caso de las curvas, ecuaciones de Frenet.
- 6. Aplicaciones: estructuras helicoidales, modelos de partículas, membranas.

#### COMPETENCIAS GENERALES Y ESPECÍFICAS DEL MÓDULO

### Competencias Generales:

- CG2: Capacidad de generar y desarrollar de forma independiente propuestas innovadoras y competitivas en la investigación y en la actividad profesional en el ámbito científico de la Física y Matemáticas.
- CG5: Adquirir la capacidad de desarrollar un trabajo de investigación científica de forma independiente y en toda su extensión. Ser capaz de buscar y asimilar bibliografía científica, formular las hipótesis, plantear y desarrollar problemas y elaborar de conclusiones de los resultados obtenidos.

# Competencias Específicas:

• CE3: Tener capacidad para elaborar y desarrollar razonamientos matemáticos avanzados, y profundizar en los distintos campos de las matemáticas.

# Competencias Transversales:

- CT3: Desarrollar el razonamiento crítico y la capacidad de crítica y autocrítica.
- CT5: Capacidad de aprendizaje autónomo y responsabilidad (análisis, síntesis, iniciativa y trabajo en equipo).

#### **OBJETIVOS (EXPRESADOS COMO RESULTADOS ESPERABLES DE LA ENSEÑANZA)**

### El alumno sabrá/comprenderá:

Las destrezas básicas del uso de la Geometría Diferencial y Riemannianana, y como consecuencia de ello, madurará desde el punto de vista matemático.

### El alumno será capaz de:

Aplicar las técnicas y conocimientos adquiridos de forma razonable a la Física., en el sentido de que tendrá que ser capaz de enfrentarse a razonamientos elaborados y a la resolución de problemas de cierta envergadura con rigor y análisis crítico, tanto geométricos como físicos.

#### TEMARIO DETALLADO DE LA ASIGNATURA



- 1. Métricas no degeneradas. Métricas de Riemann. Conexión de Levi-Civita. Curvaturas.
- 2. Subvariedades. Ecuaciones fundamentales.
- 3. Geodésicas. La aplicación exponencial. Teorema de Hopf-Rinow.
- 4. Introducción a los grupos de Lie. Algebra de Lie asociada a un grupo de Lie. Subgrupos y homomorfismos entre grupos de Lie. Grupos de Lie simplemente conexos y la aplicación exponencial. Ejemplos. Representación Adjunta.

#### BIBLIOGRAFÍA

- 1. F. W. Warner: Foundations of Diferentiable Manifolds and Lie Groups. Springer Verlag (1987).
- 2. M. P. Do Carmo: Riemannian Geometry. Birkhäuser, (1992).
- 3. B. O'Neill: Semi-Riemannian Geometry, Academic Press (1983).
- 4. M. Spivak: A comprehensive introduction to Differential Geometry, Publish or Perish, Inc., Wilmington, Del., 1979.

#### **ENLACES RECOMENDADOS**

http://www.ugr.es/~fisymat

### ACTIVIDADES FORMATIVAS Y METODOLOGÍA DOCENTE

La metodología docente a seguir en la materia constará de:

- Un 30% de docencia presencial en el aula. Sesiones con todo el grupo dedicadas a la explicación de contenidos del programa.
- -Un 10% para las tutorías individuales.
- Un 60% de trabajo del alumno, búsqueda, consulta y tratamiento de información, así como resolución de problemas y casos prácticos, y realización de trabajos.
- Las actividades formativas se desarrollarán desde una metodología participativa y aplicada que se centrará en el trabajo del estudiante (presencial y no presencial / individual y grupal).

## EVALUACIÓN (INSTRUMENTOS DE EVALUACIÓN, CRITERIOS DE EVALUACIÓN Y PORCENTAJE SOBRE LA CALIFICACIÓN FINAL, ETC.)

**E1.** Valoración de las pruebas, ejercicios, prácticas o problemas realizados individualmente o en grupo a lo largo del curso (100%)

#### INFORMACIÓN ADICIONAL

